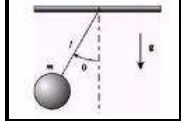


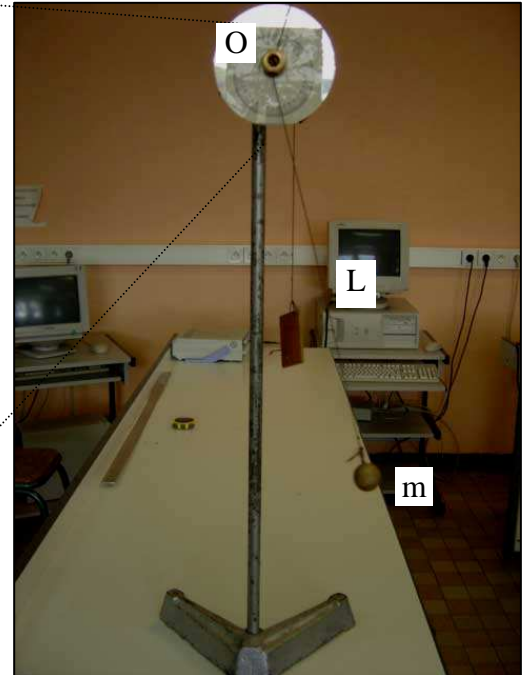
Pendule simple - Correction



I. LE PENDULE SIMPLE

1) Définitions

2) Réglage du dispositif

Cercle gradué pour mesurer θ 

Pendule simple au cours d'oscillations

- a) Diamètre de la masse: **D = 2,0 cm**.
 Longueur du pendule : **L = 50,0 cm**
 Rapport: $L / D = 50,0 / 2,0 = 25$ donc $L / D > 10$: **le pendule est donc assimilable à un pendule simple.**

- b) La période T_0 du pendule s'exprime **en seconde**.

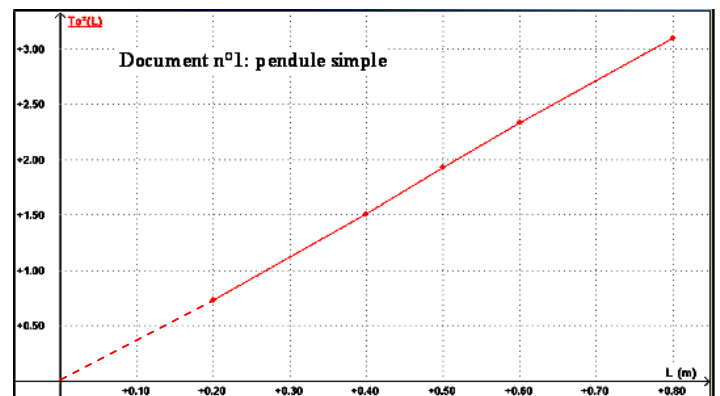
- c) Pour déterminer précisément la période T_0 du pendule simple, on mesure **la durée Δt de plusieurs périodes**.
 Par exemple, si on mesure la durée correspondante à 5 périodes on aura: $\Delta t = 5 \cdot T_0 \Leftrightarrow T_0 = \Delta t / 5$.
 Cette méthode permet de déterminer la valeur de la période avec une précision plus grande que celle de la mesure directe d'une période.

II. RECHERCHE EXPERIMENTALE DE L'EXPRESSION DE LA PERIODE T

L (m)	0,20	0,40	0,50	0,60	0,80
Δt (s)	4,39	6,15	6,95	7,65	8,80
T_0 (s)	0,878	1,23	1,39	1,53	1,76
T_0^2 (s ²)	0,771	1,51	1,93	2,34	3,10

- 1) La période T_0 augmente lorsque **L** augmente.

- 2) Sur le logiciel Synchronie on trace le graphe: **$T_0^2 = f(L)$** :



- 3) Le graphe est une droite qui passe par l'origine. Ainsi **T_0^2 est proportionnel à L**.

- 4) L'icône **Modélisation** permet de calculer le coefficient directeur du graphe, noté **a**: **$a = 3,86 \text{ s}^2 \cdot \text{m}^{-1}$**

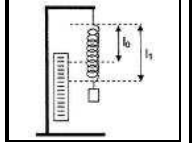
- 5) Calculons la valeur du rapport: **$(4\pi^2/g) = 4,02 \text{ s}^2 \cdot \text{m}^{-1}$**
 On constate qu'à 4 % près, les valeurs de **a** et **$(4\pi^2/g)$** sont identiques.
 Donc on peut établir la relation: **$a = (4\pi^2/g)$**

- 6) On en déduit l'expression de T_0 en fonction de **L** et **g**: **$T_0^2 = \frac{4\pi^2}{g} \cdot L$** Soit:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

- Une analyse dimensionnelle donne: **$[T_0] = T$, $[L] = L$, $[g] = L \cdot T^{-2}$** donc: **$[L/g] = T^2$** et **$[L/g]^{1/2} = T = [T_0]$**
 On vérifie donc l'homogénéité de l'expression obtenue.

Pendule élastique - Correction



I – METHODE STATIQUE

1) La masse choisi est celle qui donne l'allongement du ressort le plus grand sans dépasser la limite d'élasticité du ressort, soit ici:

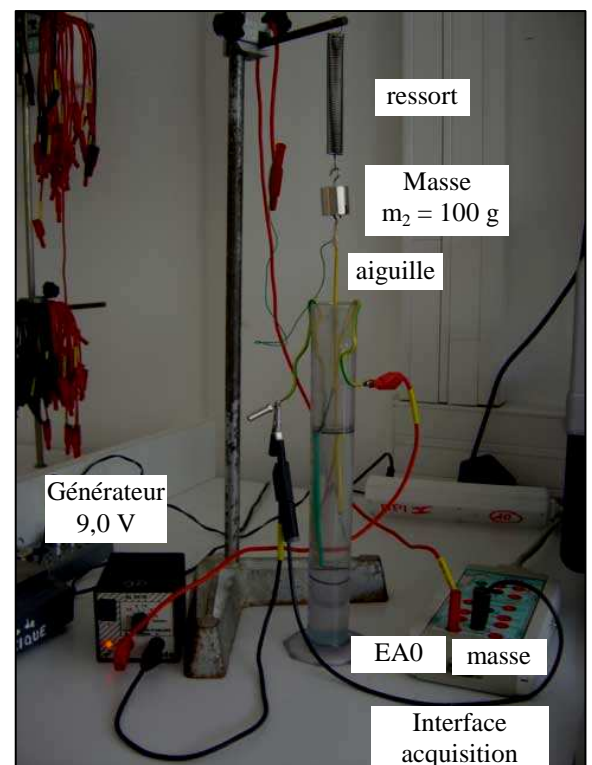
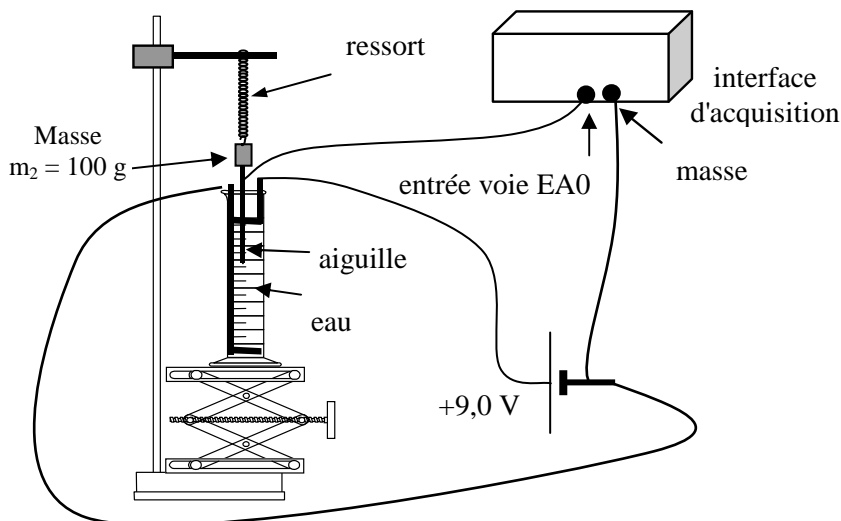
$$m = 300 \text{ g} = 0,300 \text{ kg}$$

2) Mesurer l'allongement ΔL du ressort: $\Delta L = 7,4 \text{ cm} = 7,4 \cdot 10^{-1} \text{ m}$

A l'équilibre : $\vec{P} + \vec{F} = \vec{0}$ soit en projection selon un axe vertical ascendant : $-P + F = 0 \Leftrightarrow P = F \Leftrightarrow mg = k \cdot \Delta L$

On en déduit la valeur de k: $k = \frac{mg}{\Delta L} = \frac{0,300 \times 9,81}{7,4 \cdot 10^{-1}} = 40 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$

II. METHODE DYNAMIQUE



1) Pour $M = m_1 + m_2 = 8 + 100 = 108 \text{ g}$:

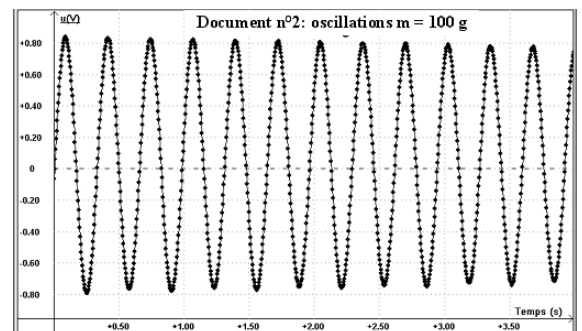
$$T_0 = 0,327 \text{ s}$$

$$T_0^2 = 0,107 \text{ s}^2$$

2) En utilisant l'expression de la période T_0 , on peut déduire une valeur de la constante de raideur k:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{M}{k}} \quad \text{donc} \quad k = \frac{4\pi^2 M}{T_0^2}$$

$$k = \frac{4\pi^2 M}{T_0^2} = \frac{4\pi^2 \cdot 108 \cdot 10^{-3}}{0,107^2} = 42 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$$



3) La valeur obtenue avec la méthode statique est $40 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ soit un écart relatif de 5 % entre les deux méthodes.